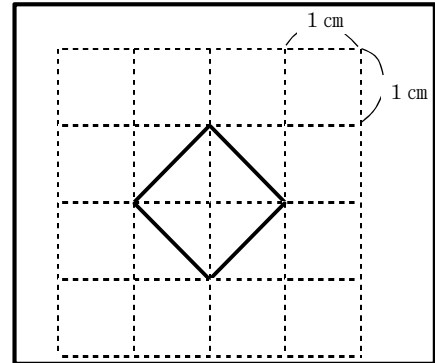


【各4点】

面積が 2 cm^2 の正方形があります。この正方形の1辺の長さを求めます。

- 1 面積が 2 cm^2 の正方形を、右の図にかき入れなさい。
 図の1目盛りは 1 cm とします。



【解答例】対角線を使って正方形をかけばよい。

- 2 面積が 2 cm^2 の正方形の1辺の長さはおよそ何cmですか。もっとも近い値を小数第一位までの数で表しなさい。

1辺が 1.4 cm のとき、 1.5 cm のときの正方形の面積は、

$$1.4 \times 1.4 = 1.96\text{ cm}^2$$

$$1.5 \times 1.5 = 2.25\text{ cm}^2$$

なので、1辺の長さは 1.4 cm と考えられる。

およそ 1.4 cm

- 3 この正方形の1辺の長さを、もう少し正確に求めます。

- (1) 1辺の長さを小数第二位まで求めます。①～④にあてはまる長さや面積をかきなさい。
 (同じ番号には同じ数が入ります)

cm のときは、正方形の面積は cm^2 で 2 cm^2 より小さい。

cm のときは、正方形の面積は cm^2 で 2 cm^2 より大きい。

2 cm^2 に近いのは cm^2 なので、1辺の長さは cm です。

小数第二位までで考えるので、1辺の長さを 1.41 cm と 1.42 cm で計算してみると、
 $1.41 \times 1.41 = 1.9881$ $1.42 \times 1.42 = 2.0164$ になる。

① 1.41 cm	② 1.9881 cm^2	③ 1.42 cm	④ 2.0164 cm^2
-----------	------------------------	-----------	------------------------

- (2) (1) と同じようにして、正方形の1辺の長さを小数第三位まで求めなさい。

小数第三位までで計算すると、1辺が 1.415 cm だと面積が 2 cm^2 より大きくなるので、
 1.414 cm と考えられる。

$$1.411 \times 1.411 = 1.990921$$

$$1.412 \times 1.412 = 1.993744$$

$$1.413 \times 1.413 = 1.996569$$

$$1.414 \times 1.414 = 1.999396$$

$$1.415 \times 1.415 = 2.002225$$

面積が 2 cm^2 の正方形の1辺の長さは、どこまでも続く小数になることがわかっています。このような数は、中学校の数学で学習します。お楽しみに。

1.414 cm

【各 5 点】

(1)

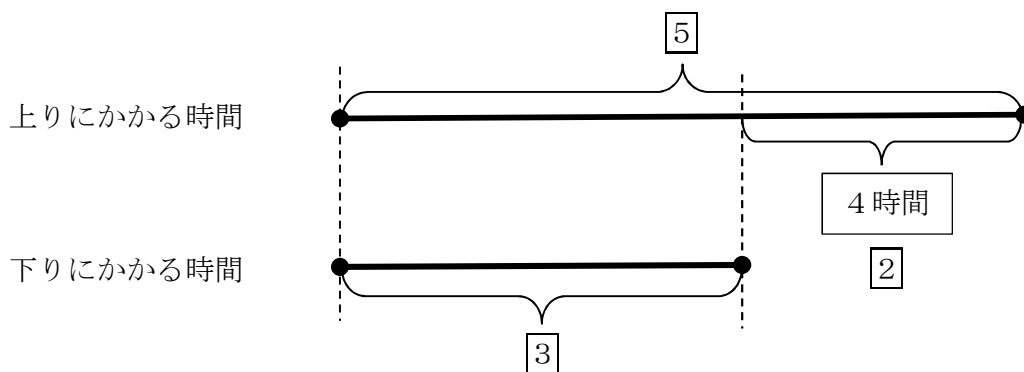
船の上りの速さと下りの速さの比は、上りにかかった時間と下りにかかった時間の逆の比になる。

船が川を上るとき速さと下るとき速さの比は、3 : 5

船が川を上るときと下るときにかかる時間の比は、5 : 3

答え 5 : 3

(2)



$$\boxed{5} - \boxed{3} = \boxed{2} \quad \boxed{2} \text{で } 4 \text{ 時間}$$

$$\text{上りにかかる時間は } 5 \div 2 = 2.5 \quad 4 \text{ 時間} \times 2.5 = 10 \text{ 時間}$$

$$\text{下りにかかる時間は } 3 \div 2 = 1.5 \quad 4 \text{ 時間} \times 1.5 = 6 \text{ 時間}$$

上り 10 時間 下り 6 時間 かかっている。

$$\text{よって、上るときの船の速さは } 60 \div 10 = 6 \quad \text{時速 } 6 \text{ km}$$

$$\text{下るときの船の速さは } 60 \div 6 = 10 \quad \text{時速 } 10 \text{ km}$$

答え 船が上るときの速さ時速 6 km, 下るときの速さ 10 km

【各5点】

この時計には数字が入っていないので、何時何分を表しているか分かりません。目盛りを見て時計が傾いていること、12時が必ずしも真上に来ていないということが分かります。

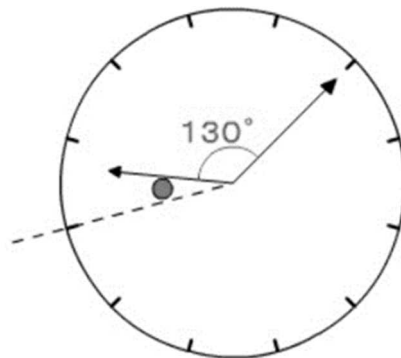
一方、長針はちょうど目盛りのところを指していることから、「何分」を指しているかは5の倍数であることが分かります。

① 5

そして、短針は目盛りからずれています。これがヒントとなります。短針は12時間で 360° 回転するので、1時間では 30° 動きます($360 \div 12$)。

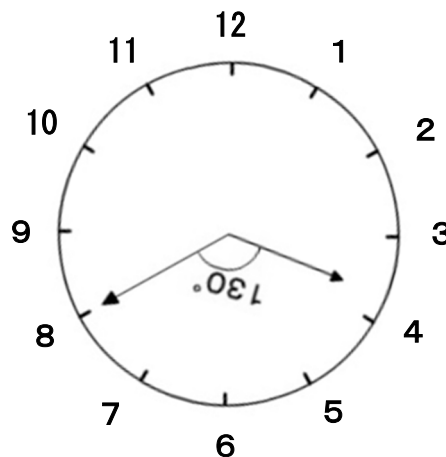
② 30

短針のずれは(●のところ)、 $5 \times 30 - 130 = 20$ 度です。この20度は、 30 度(短針が1時間で動く角度)の3分の2なので、長針が指すのは40分ということが分かります(3 分の 2 時間： 60×3 分の $2 = 40$ 分)。



③ 40

ところで、長針が40分(時計では8の数字)を指していることから、回転させるように考えると短針は3時を指すことが分かります。このことから3時40分が答えとなります。



④ 3

(1) 21分後に満水になったので、1分間に入る水の量は $30 \times 40 \times 70 \div 21 = 4000$ (cm³)

4000 cm³

(2) コップAより上の部分に入れた水の量は 4000 (cm³) \times $(21-12)$ (分) = 36000 (cm³)

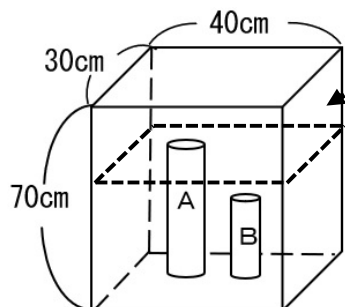
グラフより読み取る

ですから、その深さは 36000 (cm³) \div (30×40) (cm²) = 30 (cm)

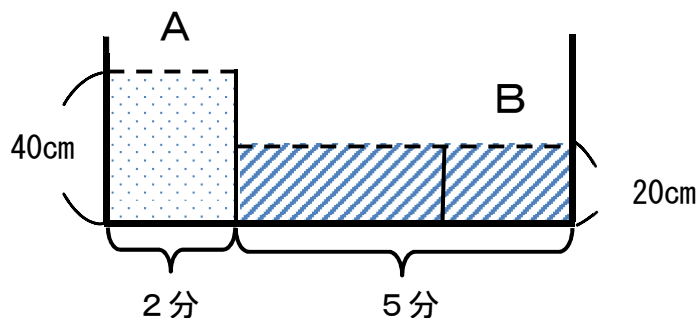
底面積

したがってコップAの高さは $70 - 30 = 40$ (cm)

40 cm



(3) 2(分後) からア(分後) までに入る水の量は図の斜線部分になります。



グラフより、コップBの高さは20cmです。また、コップAの底面積は

$$4000 \text{ (cm}^3\text{)} \times 2 \text{ (分)} \div 40 \text{ (cm)} = 200 \text{ (cm}^2\text{)}$$

ですから、斜線部分に入れるのにかかる時間は、

$$(30 \times 40 - 200) \text{ (cm}^2\text{)} \times 20 \text{ (cm)} \div 4000 \text{ (cm}^3\text{)} = 5 \text{ (分)}$$

底面積

したがって、「ア」の値は $2 + 5 = 7$ (分) となります。

7分

チームナンバー

解説 5

【5点】

	植える面積	お米の品種
昨年	2ヘクタール	ササニシキ
今年	昨年と比較して1割減	ヨクトレル

植える面積が同じと考えると、収穫量が20%増加すると見込まれるので

$$12000 \times 1.20 = 14400 \text{ Kg となる。}$$

しかし、植える面積が1割減なので

$$14400 \times 0.9 = 12960$$

したがって、収穫量は 12960 kgとなる。

1 2 9 6 0 kg

【別の考え方】

昨年度と比べて、収穫量も面積も変化しない場合
変化しないことを $\times 1$ で表すと

$$12000 \times 1 \quad \text{収穫量の変化} \quad \times 1 \quad \text{面積の変化} \quad = 12000 \text{ となる。}$$

収穫量が、20%増加し、面積は1割減なので
収穫量の変化は $\times 1.2$ 面積の変化は $\times 0.9$ と考えることができる。

$$12000 \times 1.2 \quad \text{収穫量の変化} \quad \times 0.9 \quad \text{面積の変化} \quad = 12960$$

したがって、収穫量は 12960 kgとなる。

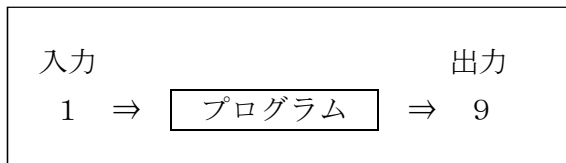
1 2 9 6 0 kg

【各 5 点】

ひろみさんは、「ある数を入力すると違う数になって出力される」というプログラムを考えました。このプログラムでは、1は9に、2は6に、3は5に、4は1に、5は2に、6は7に、7は1に、8は3に、9は4に変換されます。

例えば、3ケタの数123を入力すると965と出力されます。また、出力された数値を繰り返しプログラムに入力することもできます。下の例は、1を入力したときの変換の様子です。このとき、次の(1)(2)の問いに答えなさい。

例



(1) このプログラムに、286と入力し、出力された数値をさらに入力すると、どのような数になるでしょうか？

2は6に、8は3に、6は7に変換されるので637となる。
637をさらに入力すると751となる。

7 5 1

(2) 数を入力して出力することを、プログラムを1回実行する考えると、このプログラムを5回実行して999となる一番大きい数を答えなさい。

ただし、入力する3けたの数はどの位も違う数とします。

999から逆にたどって考えると

- 1回目 9 → 1
- 2回目 1 → 4 または 7
- 3回目 4 → 9
7 → 6
- 4回目 9 → 1
6 → 2
- 5回目 1 → 4 または 7
2 → 5

したがって、5回もとをたどると、4, 5, 7になる。
この数を使った3ケタの一番大きい数は754である。

7 5 4

【各 4 点】

下の図 1 のような、8つの面がすべて正三角形でできている立体を正八面体^{りったい}といいます。
 また、図 A~C は、正八面体の展開図^{てんかいず}です。それぞれの展開図で正八面体を作ったとき、a, b, c の面と向かい合う面は、それぞれ 1~7 のどの面になるか答えなさい。

ただし、向かい合う面とは図 2 の色をつけた面同士のような面のことです。

図 1

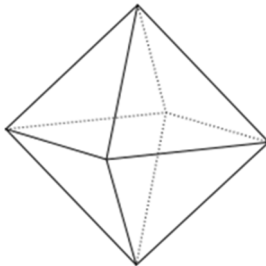
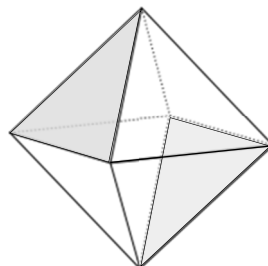
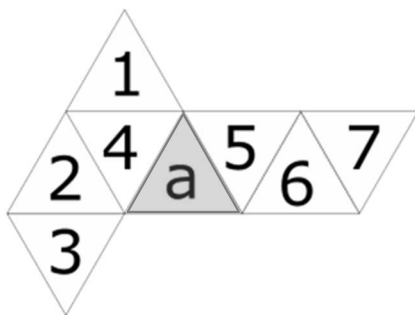


図 2

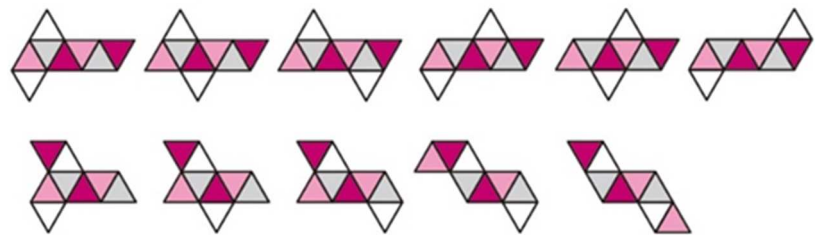


A

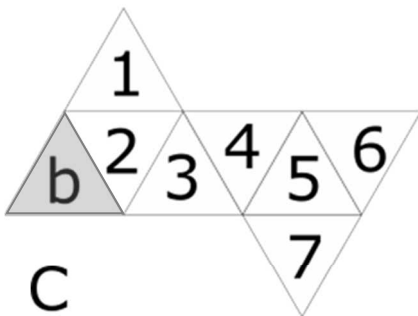


正八面体の展開図は下の 11 種類
 (同色が向かい合う面)

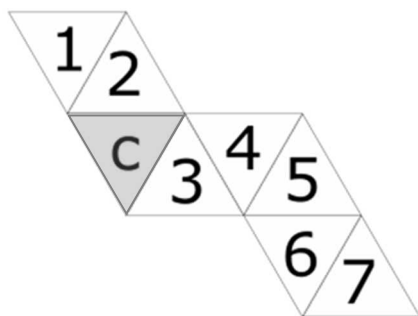
全 11 種類



B



C



a : 7

b : 4

c : 5